



Sie mussten diese beiden Transformationsgleichungen finden:

$$\begin{aligned}\xi &= \overline{SG} + \overline{DE} = x \cos \varphi + y \sin \varphi; \\ \eta &= \overline{CE} - \overline{BE} = y \cos \varphi - x \sin \varphi.\end{aligned}$$

(Wenn Sie eine andere Lösung hatten, dann müssen Sie diese berichtigen!)

Diese Ausdrücke setzen wir nun in die Definitionsgleichungen für $I_{\xi\xi}$, $I_{\eta\eta}$ und $I_{\xi\eta}$ ein.
Das Einsetzen von η in das Integral $I_{\xi\xi}$ liefert uns:

$$I_{\xi\xi} = \int_{(A)} \eta^2 dA = \int_{(A)} (y \cos \varphi - x \sin \varphi)^2 dA.$$

Wenn wir φ bei der Integration als Konstante betrachten, können wir weiter schreiben:

$$I_{\xi\xi} = \cos^2 \varphi \int_{(A)} y^2 dA + \sin^2 \varphi \int_{(A)} x^2 dA - 2 \sin \varphi \cos \varphi \int_{(A)} xy dA.$$

Das ist aber gleich:

$$I_{\xi\xi} = I_{xx} \cos^2 \varphi + I_{yy} \sin^2 \varphi + 2I_{xy} \sin \varphi \cos \varphi.$$

Unter Verwendung der trigonometrischen Beziehungen für den doppelten Winkel:

$$\cos^2 \varphi = \frac{1}{2}(1 + \cos 2\varphi);$$

$$\sin^2 \varphi = \frac{1}{2}(1 - \cos 2\varphi);$$

$$\sin \varphi \cos \varphi = \frac{1}{2} \sin 2\varphi$$

ergibt sich nach einer Zusammenfassung:

$$I_{\xi\xi} = \frac{I_{xx} + I_{yy}}{2} + \frac{I_{xx} - I_{yy}}{2} \cos 2\varphi + I_{xy} \sin 2\varphi.$$



Führen Sie die entsprechende Herleitung für $I_{\eta\eta}$ durch!

- Wenn Sie das Ergebnis haben, dann ...

149

Wenn es Schwierigkeiten gibt

- bei der Berechnung des Integrals, dann ...

147

- bei der Anwendung der trigonometrischen Beziehungen, dann ...

146